# Государственное бюджетное общеобразовательное учреждение лицей № 373 Московского района Санкт-Петербурга «Экономический лицей»

#### ПРИНЯТА

решением Педагогического совета Государственного бюджетного общеобразовательного учреждения лицей № 373 Московского района Санкт-Петербурга «Экономический лицей», протокол от 29.08.2025 г. № 1

## **УТВЕРЖДЕНА**

приказом по Государственному бюджетному общеобразовательному учреждению лицей № 373 Московского района Санкт-Петербурга «Экономический лицей» от 29.08.2025 № 118-од

(		

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

курса внеурочной деятельности «Решение задач повышенной сложности по математике» 8-9 класс

#### Учителя-составители:

Глотова Елена Владимировна, Кудряшова Оксана Леонидовна, учителя математики ГБОУ лицей № 373 Московского района Санкт-Петербурга

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа курса внеурочной деятельности «Решение задач повышенной сложности по математике» разработана на основе:

- Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования, утвержденного приказом Министерства просвещения Российской Федерации от 31.05.2021 № 287 (с изменениями и дополнениями);
- Федеральной образовательной программы основного общего образования, утвержденной приказом Министерства просвещения Российской Федерации от 18.05.2023
  № 370 (с изменениями и дополнениями);
- Положения «О рабочей программе учебного предмета, курса государственного бюджетного общеобразовательного учреждения лицей № 373 Московского района Санкт-Петербурга «Экономический лицей».

Настоящая рабочая программа является составной частью основной образовательной программы основного общего образования ГБОУ лицей №373 Московского района Санкт-Петербурга (содержательный раздел) и составлена с учётом рабочей программы воспитания.

Рабочая программа курса внеурочной деятельности «Решение задач повышенной сложности по математике» рассчитана на 68 часов и реализуется в плане внеурочной деятельности в 8 и 9 класса.

Программа внеурочной деятельности направлена на расширение, углубление и систематизацию знаний учащихся по темам курса математики, вызывающих наибольшие затруднения: преобразования алгебраических выражений; уравнения и неравенства, системы уравнений и неравенств, текстовые задачи, планиметрия, функции и графики, задачи с параметром и модулем. Курс внеурочной деятельности способствует повышению уровня математической подготовки учащихся, формированию прочного и сознательного овладения учащимися системой математических знаний и умений, необходимых для успешного обучения в 9 классе в рамках предпрофильной подготовки, а также в старших классах на профильном уровне. Программа внеурочной деятельности предусматривает изучение приемов и методов решения нестандартных математических задач и задач повышенной сложности, которые позволяют более эффективно решать широкий класс заданий. Курс внеурочной деятельности успешно развивает логическое мышление оптимальный учащихся, умение найти способ решения задачи, приобрести первоначальные навыки исследовательской деятельности.

**Цель:** углубление и расширение знаний учащихся по математике через развитие способности решения задач повышенной сложности и нестандартных задач.

#### Залачи

- расширение и углубление представлений учащихся о приемах и методах решения математических задач;
- развитие интереса и положительной мотивации учащихся к изучению математики;
- развитие математического кругозора, логического мышления, исследовательских умений, наблюдательности, умения нестандартно мыслить;
- воспитание настойчивости, инициативы;

- расширение представлений учащихся об идеях и методах математики, понимания значимости математики для общественного прогресса;
- создание условий для формирования у учащихся навыков самостоятельной работы и самоконтроля.

#### Планируемые результаты освоения курса

Содержание курса внеурочной деятельности «Решение задач повышенной сложности по математике» обеспечивает реализацию следующих личностных, метапредметных и предметных результатов.

## Личностные результаты

- Формирование и развитие умений самостоятельно определять, высказывать, исследовать и анализировать;
- формирование ответственного отношения к учению;
- формирование готовности и способности к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию;
- формирование умения ясно, четко, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи; понимать смысл поставленной задачи; выстраивать аргументацию; приводить примеры и конрпримеры;
- формирование умения контролировать процесс и результат учебной деятельности;
- формирование этических норм общения и сотрудничества;
- формирование критичности мышления; умения распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;
- формирование креативности мышления, инициативности, активности при решении логических задач.

#### Метапредметные результаты

Формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности, а именно:

- самостоятельно формулировать цели занятия после предварительного обсуждения;
- учиться обнаруживать и формулировать учебную проблему совместно с учителем;
- составлять план решения проблемы (задачи);
- работая по плану, сверять свои действия с целью и, при необходимости, исправлять ошибки;
- в диалоге с учителем учиться вырабатывать критерии оценки и определять степень успешности выполнения своей работы и работы всех, исходя из имеющихся критериев;
- ориентироваться в своей системе знаний: самостоятельно предполагать, какая информация нужна для решения той или иной задачи;
- отбирать необходимые для решения задачи источники информации среди предложенных учителем: словарей, энциклопедий, справочников, Интернетресурсов;
- извлекать информацию, представленную в разных формах (текст, таблица, схема, иллюстрация и др.);

- перерабатывать полученную информацию: сравнивать и группировать факты и явления, определять причины явлений, событий; делать выводы на основе обобщения знаний;
- преобразовывать информацию из одной формы в другую: составлять более простой план учебно-научного текста, представлять информацию в виде текста, таблицы, схемы;
- читать вслух и про себя тексты научно-популярной литературы и при этом: вести «диалог с автором» (прогнозировать будущее чтение; ставить вопросы к тексту и искать ответы; проверять себя), отделять новое от известного, выделять главное, составлять план;
- высказывать свою точку зрения, аргументировать свою позицию и координировать ее с позициями партнеров в сотрудничестве при выработке общего решения в совместной деятельности;
- работать в группе, выполняя различные роли в группе, сотрудничать в совместном решении проблемы (задачи);
- прогнозировать возникновение конфликтов при наличии разных точек зрения, разрешать конфликты на основе учета интересов и позиций всех участников.

# Предметные результаты

Предметными результатами реализации программы станет создание фундамента для математического развития, формирование механизмов мышления, характерных для математической деятельности, а именно:

- знакомство с методами преобразований алгебраических выражений;
- знакомство с методами решения уравнений, неравенств и систем уравнений, неравенств;
- знакомство с методами и приемами решения математических задач, содержащих модуль и параметры;
- знакомство с методами решения текстовых задач;
- знакомство с методами решения планиметрических задач;
- знакомство с методами построения графиков функций;
- применение изученных методов при решении задач;
- выбор наиболее рациональных и эффективных способов решения задач;
- приобретение опыта самостоятельной деятельности по решению учебных задач;
- достижение личностно значимого результата в освоении программы.

#### Результативность изучения программы курса

Для оценивания достижений изучения курса внеурочной деятельности «Решение задач повышенной сложности по математике» предусмотрено проведение промежуточных зачетов по окончании изучения каждой темы, выполнение творческих заданий и итоговой зачетной работы. Защита решений задач проводится по системе «зачет-незачет» по заранее объявленным учащимся критериям.

#### Содержание курса внеурочной деятельности

#### 8 класс

## Решение задач с модулем.

Модуль действительного числа. Геометрическая интерпретация. Линейное уравнение, содержащее абсолютную величину. Уравнение и неравенства вида |x|=a, |ax+s|=0,  $|ax+s|\leq 0$ .

График функции y=|x|, y=|ax+b|. Построение графиков функций, содержащих модуль.

Методы решения уравнений вида: |ax + b| = c, где c - любое действительное число,  $|ax + b| = |cx + \delta|$ .

Графическое решение неравенства  $|ax + e| \le c$ , где c – любое действительное число.

Методы решения уравнений вида:  $|ax + \epsilon| + |cx + \delta| = m$ ,  $|ax + \epsilon| + |cx + \delta| + nx = m$ .

Методы решения неравенств вида:  $|ax + \theta| + |cx + \partial| < m$ ,  $|ax + \theta| + |cx + \partial| + nx > m$ .

Методы решения неравенств вида:  $|ax + \epsilon| \le |cx + \delta|$ ,  $|ax + \epsilon| \ge |cx + \delta|$ ,  $|ax + \epsilon| \le |cx + \delta|$ ,  $|ax + \epsilon| \le |ax + \delta|$ . Графическая интерпретация.

#### Решение задач с параметром.

Понятие параметра, что значит решить уравнение или неравенство с параметрами.

Линейное уравнение с параметрами. Общий метод решения уравнения вида ax = 6, решение линейных уравнений с параметрами, сводящихся к виду ax = 6. Линейные уравнения с параметрами, содержащие дополнительные условия (корень равен данному числу, прямая проходит через точку с заданными координатами, уравнение имеет отрицательное решение и т.д.).

Линейные неравенства с параметрами вида ax≤e, ax≥e.

Уравнения и неравенства с параметрами, сводящиеся к линейным.

Квадратное уравнение, содержащее абсолютную величину. Метод замены переменной. Решение уравнений графически и аналитически.

#### Комбинаторные и вероятностные задачи. Статистика.

Дерево вариантов и правило нахождения вероятности. Решение задач с помощью графов. Правило умножения. Вероятность событий. Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, мода, наибольшее и наименьшее значения, квартили, среднее гармоническое, среднее гармоническое числовых данных.

#### 9 класс

# Алгебраические выражения

Разложение на множители: вынесение общего множителя за скобки, применение формул сокращенного умножения, метод группировки, формула разложения квадратного трехчлена на линейные множители. Преобразование выражений, содержащих корни п-ой степени. Преобразование выражений, содержащих степень. Сокращение дробей. Сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень алгебраических дробей. Нахождение значения алгебраического выражения.

#### Уравнения, системы уравнений

Квадратные уравнения. Теорема Виета. Биквадратные уравнения. Уравнения 3 и 4 степени. Иррациональные уравнения. Метод замены переменной, разложение на множители. Уравнения высших степеней. Уравнения с модулем. Дробно-рациональные уравнения. Системы уравнений с двумя переменными.

## Неравенства, системы неравенств

Квадратные неравенства. Графический метод решения. Метод интервалов. Рациональные неравенства. Обобщенный метод интервалов. Системы неравенств.

#### Текстовые задачи

Задачи на проценты, сплавы и смеси. Задачи на движение по прямой. Задачи на движение по реке. Задачи на совместную работу.

# Функции и их свойства. Графики функций

Линейная функция. Квадратичная функция. Парабола. Дробно-линейная функция. Гипербола. Функции, содержащие модуль, график. Кусочно-заданные функции. Задачи с параметром.

#### Геометрические задачи

Геометрические задачи на доказательство: правильные многоугольники, треугольники и их элементы, четырехугольники и их элементы, окружности и их элементы. Геометрические задачи на вычисления: углы, треугольники, четырехугольники, окружности. Геометрические задачи на комбинации окружностей и многоугольников.

## Основные формы организации занятий

- мини-лекция;
- практикум;
- беседа;
- консультация;
- самостоятельная работа;
- работа в парах, в группах

## Тематическое планирование

#### 8 класс

№	Тема	Кол-во часов
1	Решение задач с модулем	12
2	Решение задач с параметром	12
3	Комбинаторные и вероятностные задачи	10
	Итого	34

#### 9 класс

№	Тема	Кол- во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы, используемые для обучения и воспитания	
1	Алгебраические выражения	5		
2	Уравнения, системы уравнений	5	Уроки алгебры на сайте РЭШ <a href="https://resh.edu.ru/subject/16/9/">https://resh.edu.ru/subject/16/9/</a>	
3	Неравенства, системы неравенств	5		
4	Текстовые задачи	7		
5	Функции и их свойства. Графики функций	5		
6	Геометрические задачи	7		
	Итого	34		